

# CE-003: Estatística II - Turma AMB - Avaliações Semanais (1º semestre 2013)

1. Considere que será feita uma pesquisa aplicando-se um questionário sobre o curso e aos alunos da Eng. Ambiental para avaliar opiniões e impressões dos alunos.
  - (a) Liste possíveis questões deste questionário certificando-se que sejam incluídas ao menos duas de cada tipo de variáveis conforme discutido em aula (qualitativas nominal/ordinal e quantitativas discreta/contínua).
  - (b) Imagine agora que o questionário foi aplicado e as respostas tabuladas para análises. Indique/esboce como seria analisada (separadamente) cada uma das variáveis do questionário.
  - (c) Indique ao menos três questões de interesse envolvendo duas ou mais variáveis a serem investigadas no questionário e qual análise dos dados permitiria investigar estas questões.

2. Foram coletados dados<sup>1</sup> sobre indicadores sociais em 97 países. Os atributos<sup>2</sup> são: *Nat*: taxa de natalidade (1.000 hab.), *Mort*: taxa de mortalidade (1.000 hab.), *MI*: mortalidade infantil (1.000 hab), *ExpM*: expectativa de vida para homens, *ExpF*: expectativa de vida para mulheres, *Renda*: renda per capita anual e *Regiao*: região geográfica sendo consideradas: "EUOr"(Europa Oriental),"SA"(América Latina e México),"PM"("Primeiro Mundo"),"OrMd"(Oriente Médio), "Asia" e "Africa". A renda per capita foi também dividida em classes: [0, 500), [500, 2.000), [2.000, 10.000) e [10.000, 35.000). Um cabeçalho do arquivo de dados e um resumo das variáveis são mostrados a seguir.

	Nat	Mort	MI	ExpM	ExpF	Renda	Regiao	GrupoRenda
Albania	24.7	5.7	30.8	69.6	75.5	600	EUOr	(500,2e+03]
Bulgaria	12.5	11.9	14.4	68.3	74.7	2250	EUOr	(2e+03,1e+04]
Czechoslovakia	13.4	11.7	11.3	71.8	77.7	2980	EUOr	(2e+03,1e+04]
Former_E._Germany	12.0	12.4	7.6	69.8	75.9	NA	EUOr	<NA>
Hungary	11.6	13.4	14.8	65.4	73.8	2780	EUOr	(2e+03,1e+04]
Poland	14.3	10.2	16.0	67.2	75.7	1690	EUOr	(500,2e+03]

Nat		Mort		MI		ExpM		ExpF	
Min.	: 9.7	Min.	: 2.2	Min.	: 4.5	Min.	:38.1	Min.	:41.2
1st Qu.	:14.5	1st Qu.	: 7.8	1st Qu.	: 13.1	1st Qu.	:55.8	1st Qu.	:57.5
Median	:29.0	Median	: 9.5	Median	: 43.0	Median	:63.7	Median	:67.8
Mean	:29.2	Mean	:10.8	Mean	: 54.9	Mean	:61.5	Mean	:66.2
3rd Qu.	:42.2	3rd Qu.	:12.5	3rd Qu.	: 83.0	3rd Qu.	:68.6	3rd Qu.	:75.4
Max.	:52.2	Max.	:25.0	Max.	:181.6	Max.	:75.9	Max.	:81.8

Renda		Regiao		GrupoRenda	
Min.	: 80	EUOr	:11	(0,500]	:24
1st Qu.	: 475	SA	:12	(500,2e+03]	:24
Median	: 1690	PM	:19	(2e+03,1e+04]	:22
Mean	: 5741	OrMd	:11	(1e+04,3.5e+04]	:21
3rd Qu.	: 7325	Asia	:17	NA's	: 6
Max.	:34064	Africa	:27		
NA's	:6				

A seguir são mostrados alguns gráficos e resumos dos dados. Inicialmente são mostrados resumos das taxas de natalidade (NAT) para cada faixa de renda. A seguir uma tabela relaciona o grupo de renda com a região geográfica. Os gráficos ilustram relacionamentos entre algumas variáveis. As últimas matrizes são de correlação de Pearson e Spearman respectivamente.

- (a) Faça interpretações estatísticas e no contexto do problema de cada resultados mostrado.
- (b) Comente ainda ao menos mais duas (2) questões de interesse que poderiam ser investigadas e não foram abordadas nos resultados mostrados. Indique como seriam utilizados os dados (tipo de análise) para abordar estas questões.

\$` (0,500]`

Min.	1st Qu.	Median	Mean	3rd Qu.	Max.
21.2	38.6	44.8	41.7	48.3	52.2

<sup>1</sup><http://www.amstat.org/publications/jse/datasets/poverty.dat.txt>

<sup>2</sup><http://www.amstat.org/publications/jse/datasets/poverty.txt>

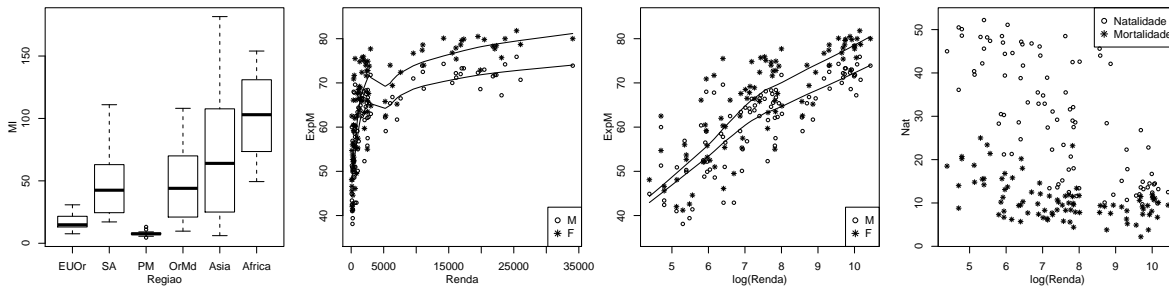
```
$` (500,2e+03] `
  Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.
  13.4   24.4   32.9   31.8   39.6   47.2
```

```
$` (2e+03,1e+04] `
  Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.
  10.1   15.8   28.5   27.7   40.4   48.5
```

```
$` (1e+04,3.5e+04] `
  Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.
  9.7    12.0   13.6   14.7   14.9   26.8
```

GrupoRenda	Regiao					
	EUOr	SA	PM	OrMd	Asia	Africa
(0,500]	0	1	0	0	8	15
(500,2e+03]	5	6	0	2	3	8
(2e+03,1e+04]	4	5	3	5	1	4
(1e+04,3.5e+04]	0	0	16	3	2	0

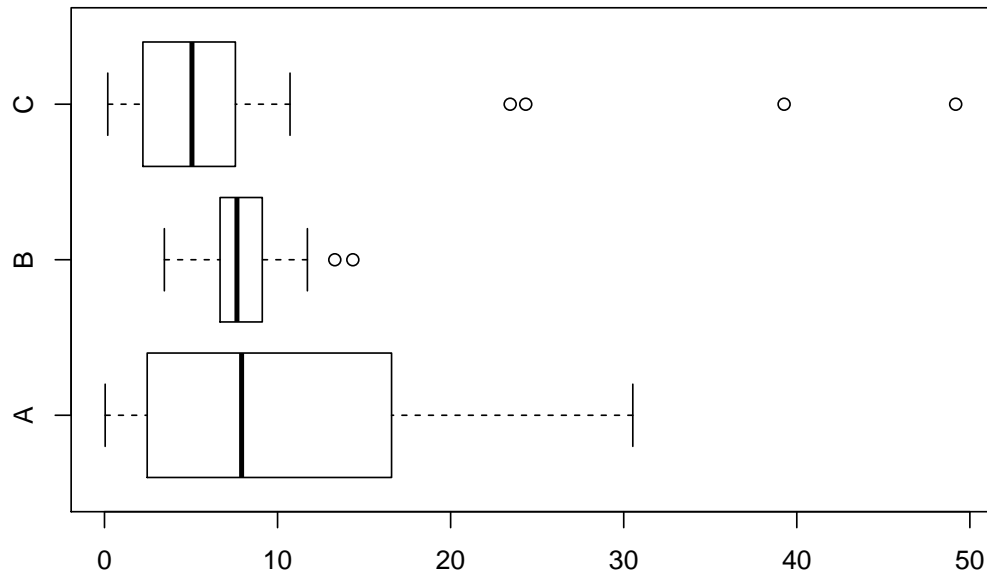
X-squared  
87.64



	Nat	Mort	MI	ExpM	ExpF	Renda
Nat	1.0000	0.4862	0.8584	-0.8665	-0.8944	-0.6291
Mort	0.4862	1.0000	0.6546	-0.7335	-0.6930	-0.3028
MI	0.8584	0.6546	1.0000	-0.9368	-0.9554	-0.6016
ExpM	-0.8665	-0.7335	-0.9368	1.0000	0.9826	0.6430
ExpF	-0.8944	-0.6930	-0.9554	0.9826	1.0000	0.6500
Renda	-0.6291	-0.3028	-0.6016	0.6430	0.6500	1.0000

	Nat	Mort	MI	ExpM	ExpF	Renda
Nat	1.0000	0.4045	0.8861	-0.8823	-0.9018	-0.7342
Mort	0.4045	1.0000	0.4930	-0.5942	-0.5346	-0.4473
MI	0.8861	0.4930	1.0000	-0.9481	-0.9622	-0.8363
ExpM	-0.8823	-0.5942	-0.9481	1.0000	0.9784	0.8240
ExpF	-0.9018	-0.5346	-0.9622	0.9784	1.0000	0.8391
Renda	-0.7342	-0.4473	-0.8363	0.8240	0.8391	1.0000

3. (a) Os tempos de atendimento e solução de problemas foram medidos em três *call-centers* distintos de uma mesma empresa e os dados foram representados no gráfico a seguir. Baseando-se no gráfico, avalie cada uma das afirmações a seguir, dizendo se está certa ou errada, justificando sua resposta e corrigindo as afirmações erradas.



- i. Os valores no local  $C$  possuem uma distribuição simétrica.
- ii. Os dados discrepantes do local  $A$  afetam (aumentam) a mediana do local.
- iii. Os locais  $B$  e  $C$  possuem médias e desvios padrão semelhantes.
- iv. O local  $B$  possui o menor coeficiente de variação.
- v. As médias dos três locais devem ser semelhantes.

(b) Uma cidade recebeu críticas à sua excessiva descarga de esgoto não tratado em um rio. Um microbiologista tomou 45 amostras na água depois da passagem pela planta de tratamento de esgoto e mediu a quantidade de coliformes (bactéria) presente nas amostras.

Número de Bactérias	Número de amostras
20-30	5
30-40	20
40-50	15
50-60	5

- i. Obtenha a média
- ii. Obtenha a mediana

(c) Em um levantamento geológico foram coletadas amostras de sedimentos de fundo de rios de uma bacia hidrográfica. Os teores obtidos de um certo elemento são mostrados a seguir.

2.3 4.0 2.7 34.5 48.8 11.6 36.5 32.8 22.3 2.1 3.1 0.7 5.2  
 1.5 11.4 3.7 5.1 5.1 1.2 8.9 19.2 5.5 1.3 14.2 27.4

- i. obtenha o teor médio e o desvio padrão,
- ii. obtenha os quantis e a amplitude,
- iii. obtenha o coeficiente de variação,
- iv. obtenha um histograma,
- v. obtenha um box-plot,
- vi. obtenha um diagrama de ramo-e-folhas,
- vii. comente sobre o padrão da distribuição dos dados e se voce consideraria alguma outra forma de analisa-los.

4. (a) Dois dados são lançados. Calcule a probabilidade de:

- i. sairem dois números iguais,
- ii. o produto dos números que saíram ser ímpar,
- iii. o produto dos números que saíram ser ímpar ou a soma ser maior ou igual a 10,
- iv. a soma dos valores ser maior ou igual a sete, sabendo-se que em um dos dados saiu três,
- v. a soma ser maior que sete sabendo que saíram dois números iguais.

- (b) Em um teste múltipla escolha, marca-se uma alternativa em cada uma de quatro questões, cada uma com cinco alternativas da qual apenas uma é correta. Qual a probabilidade de um indivíduo acertar por mero acaso alguma questão?
- (c) Um reservatório recebe água de três fontes diferentes. A primeira tem 5% de chance de apresentar alguma contaminação, a segunda tem 6,5% e a terceira tem 12%. Qual a probabilidade do reservatório ser contaminado?
- 

5. (a) Considere o problema a seguir de uma avaliação semanal anterior.

*Em um teste múltipla escolha, marca-se uma alternativa em cada uma de quatro questões, cada uma com cinco alternativas da qual apenas uma é correta. Qual a probabilidade de um indivíduo acertar por mero acaso alguma questão?*

- i. Indique como fica o espaço amostral do experimento (sem necessariamente listar todos os elementos).
  - ii. Defina a variável aleatória (v.a) adequada ao interesse do problema.
  - iii. Monte uma tabela com a distribuição de probabilidades desta variável
  - iv. Caso possível identifique a distribuição de probabilidades desta variável e fornecendo a equação da distribuição.
  - v. Mostre como obter a probabilidade solicitada a partir do resultado de alguns dos itens anteriores.
  - vi. Qual o valor esperado va v.a ? Como este valor deve ser interpretado?
- 

- (b) Seja a função:

$$f(x) = \begin{cases} 3x^2/8 & 0 < x \leq 8 \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}$$

- i. Mostre que  $f(x)$  é uma função de densidade de probabilidade válida.
  - ii. Obtenha  $P[0,5 < X < 1,5]$ .
  - iii. Obtenha  $P[X > 1,2]$ .
  - iv. Obtenha  $P[X > 1,2 | X > 0,5]$ .
  - v. Obtenha o valor esperado de  $X$ .
- 
-